摛藻堂四庫

全書

薈

曾要

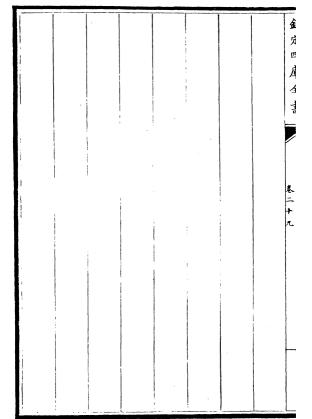
子部

欽定四庫全書管要 母製數理精益下編卷二十九

詳校官主事學本

WIN.

御製數理精為下編卷二十九 欽定四庫全書管要卷一萬八百五十二子部 Ł 體部七 2 9 更體形 各等面體五容 5 <u>.</u> dula m製數理精在下編



2 如正方體每邊一尺二寸求內容四面體之每 各等 面體互容 一/御製數理精盤下編 忽二微有餘即正方體内容四面體 甲戊己四面 方得一尺六寸九分七釐零五絲六 四十四寸倍之得二尺八十八寸開 以正方體每邊一尺二寸自乗得 邊也如圖甲乙丙丁正方 體以 四 面 體之六稜切 き體内容

如正方體每邊一尺二寸 求内容八面體之每 開 如 用方邊 邊 邊自乗折 之每一邊也 有四面體之一邊求外切正方體之 平 為正方體之每一面之對角斜線故 則用斜弦求方邊法以四 す 即 成斜弦之法以一邊自東倍之 得内容四面體之每一邊 半開平方即

得外

切 正す

面

體之

ب

於正方體之六面則四面體之每一邊

全重

匹 戽

釭

灾

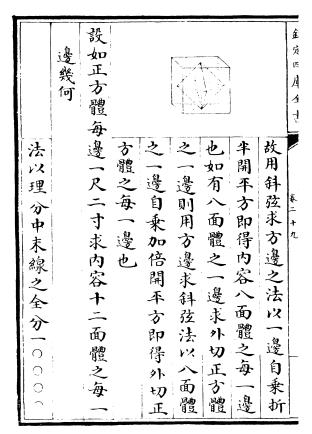
尺四十四寸折半得七十二寸開平方法以正方體每上 有餘即正方體內容八面體之每一邊 如圖甲乙丙丁正方體內容成己庚 壬癸八面體以八面體之六角切於

與内容八面體 正方體之六面則正方體之每一邊

1. 17 一人 御製數理持題下約

之 對角科線等項元

?



體

面

一一 柳製 教理精温下編

尺二寸為三率

一為二率今所設之正方體每邊

朿 得四率四寸五

内容十二面體之每一邊也如圖甲益三豪五絲九忽二微有餘即正方

丁正方體內容戊己庚辛壬癸十 以十二面體之六後切於正方體

醴 了邊與十二

面

對 等即十五多邊

þ ځ a lo

<u>ج</u>

故其所截之子丑等線亦為茂己兩角 對科線之一半而為十等邊形之

面體之正中截之則成十等邊之面

體中心至每邊正中之斜線試将

邊其子寅外切園之牛徑為中心至每 形 而其所截之處皆正當每邊之一半

)斜線

即正方體每邊之一半

理分中末線之全分子丑

万 Ľ Įį. 1

而

正方體之每邊之半即為十

之一邊 邊之半之比即同於今所設 ıI. 如有十二面 す體 故 全分與小分之比 與内容十二面體之一邊之 每邊之半

與內容十二面體每

心之正方體

女口

分

中

線之 大分

门同於今

沂 設 線之

而成子

每邊

والم 一一一 御製 數理精益下編 末線之

之一邊則

とス

+

= 面

體之一邊為

體

之

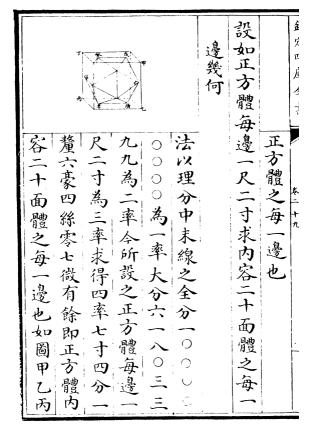
邊

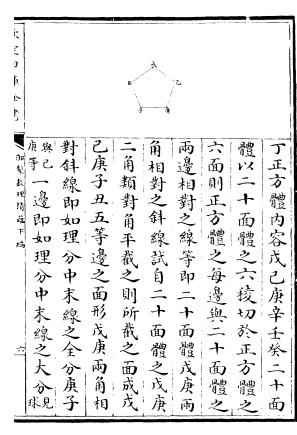
求外切正方

√小分比

得全分即

例]





設 如四面體每邊一尺二寸求内容正方體之每一邊 體之一邊求外切正方體之一邊則 體容 沂 面 面體之每一邊之比也如有二十面所設之正方體之每一邊與內容二程法 故全分與大分之比即同於 例 面體之一邊為理分中末線之 得全分即外切正方體之每一 とス

穷





以球徑自乗三歸開平方得二寸 徑

乃用

求

球内容正方體之每一

七忽九微有餘為四面體內容圓球

立垂線折半得四寸八分九釐八豪九 微

有餘為四面體自失至底中心之

方得九寸七分九釐七豪九絲五忽

尺四十四寸三歸二因得九十六寸開

以四面體每邊一尺二寸自乗

į

1. 11 一人御製數理精與下編

釐八豪四絲二忽七做有餘



面體 乙丙四面體內容丁戊己庚辛壬正方 以正方體之丁己辛 各面之中心

一面中心之立垂 之 斜線四面體内容圓球徑

線

PP

正方體中

3

至

則

四面體中心至

每

奏四角切於

四

角

面

體內容正方體之一邊

徑又求得球內容正方體之一邊

切

圓 球 徑 故

先求

得四

面 體

内

即

正

全建

内容正方體之每一

邊也

如圖

庫

釤 埞

匹

ع 9 Ē 1

4.10 一人 御製数理精為下編 容圓

球徑為立垂線之一丰

一四面體法則內一即六分內容圓

球徑自乗方為立垂線自乗方

每 自乘方之三分之二 一邊也此法與前法同盖四面體

自失至底中心之立垂線自東方為每

七微有餘即四面體內容正方體

Ź

一百四十四寸以 平方得二寸八分二釐八豪四絲

以四面體每邊一尺二寸自乗得

"歸除之得八

容正方體之每邊自乗方為四面體 方體之一邊求外切四面體之一 邊自乗方之十八分之一也如有正

如四面體每邊一尺二寸求內容八面體之每

平方即得外切四面體之每一邊也

以正方體之每邊自東以十八東之

又為圓球徑自乗方之三分之一故內 而圆球内容正方體之每邊自乗方

即為每邊自東方之六分之

白草

A

如

圓

甲

丙四

面體内容丁戊己庚辛

rz

面體之四面切於四

面

切於四

面

故

ep

四

面

體內容八面體

之每一邊

四

面

體每邊一尺二寸

折

١

面體

體之各面以八面體之六角

之一半 内容八面體之每邊 體之六稜其各角皆當各稜之一半

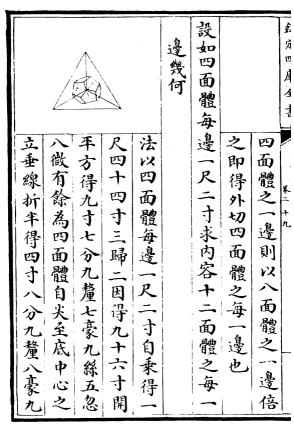
亦

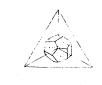
為四面體每

一/御製數理精 益下編 如 有八面體之一邊求外

5

è





為一率小分三八一九六六〇一為 寸七分四釐八豪零三忽九微有 豪九餘七忽九微為三率求 今所得之圓球徑四寸八分九釐

小得四率

一為勾求得強一〇七〇四六六二六

○○○○為股小分三八一九六六○

以理分中末線之全分一〇〇〇〇

全徑 絲七忽九微有餘為四面體內容圓 乃用求球内容十二面體之一

一一知 製數理精 拉下 為

角切於四面體

各面之中心

則

四面體

四

十二面 得四面體 面中心至各角之斜線四面體內容 中心至每一面中心之立垂線即 徑 即 體之每一邊即四面體內容 十二面體 四内容圓

球徑又求得球內容

外切圆球徑故先

圓

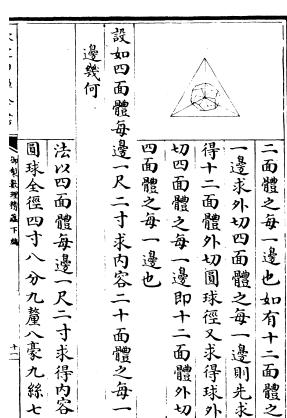
圓甲乙丙四面體内容丁戊己庚辛 面 面體以十二面體之戊庚壬癸 體内容十二面

全書

體之每

匹庫

釛 定





豪四絲八忽九微有餘為三率 求得四 全徑折半得半徑二寸四寸四分九 九分三釐五豪六絲二忽一微有餘

為二十面體每一面中心至邊之垂線

三因之得二寸八分零六豪八絲六忽

面體之一邊法以理分中未線之全分 八一九六六〇一為二率今所得之圓

○○○○○○○為一率小分

忽九微有餘法見乃用求球外切二十

定匹庫全書

卷二十九

釤



也 餘即四面體內容二十面體之每

對邊之垂線自乗三歸四因開平方得

三微有餘為二十面體每一面自角至

三寸二分五釐二豪六絲三忽三微有

如圖甲乙丙四面體內容丁戊己庚

辛壬二十面體以二十面體之丁戊癸 面體各面之中心則四面體中心至每 己庚子壬丑辛寅卯辰之四面切於四

面中心之立垂線即二十面體中

2 è

邊

切二十面體之一邊 求外切四面體之一邊則求 面體之一邊也如有二十面體之

體之一邊即二十 面體内容圓

球徑

又求得球

外

切四

面

得二

面

體

切

四

面

體之

即四面體内容

圆 球 得四面體內容圓球徑又求得球外 徑

即二十

面

體內容圓

球

·徑故先

至每 一面中心之立垂 線四面體內容

自せ

戽

匹

쉷 灾

2 如八面體每邊一尺二寸求內容正方體之每 į 1. din | ●/ 御製歌理精題下編 面 邊 微有餘即八面體內容正方體之每 庚辛正方體以正方體之八角切於 方得五寸六分五釐六豪八絲六忽四 法以每邊一尺二寸三歸之得四寸自 乗得一十六寸 倍之得三十二寸開 體各面之中心試自八面體之去 也如圖甲乙丙丁八面體內容戊

也如有正方體之一邊求外切八面 辛丑為八面體內容正方體之每一邊

得丑

庚

丑

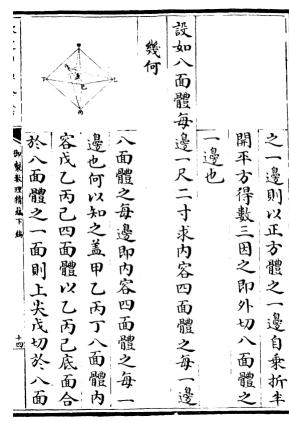
辛為壬癸三分之二子丑亦為甲丁 庚等辛丑丑庚與內容正方體之辛 分之二辛丑即為甲丁三分之一與 一邊遂成卒丑庚勾股形卒丑既與

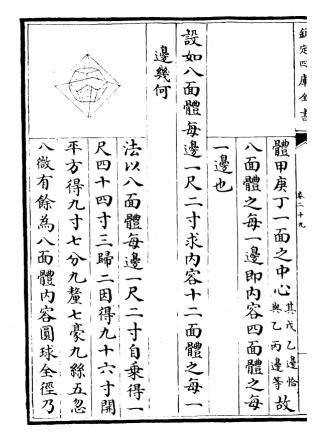
庚等故以辛丑自 東倍之開平方即

中心辛與甲丁邊平行作子五線則子 至對邊作壬癸一面中垂線又自一面

灾匹庫

生建







所得之每一面兩角相對斜線為二室 求得四率三寸四分九釐六豪 大分六一八〇三三九九為二率

每一面兩角相對斜線又以理分中 之全分一〇〇〇〇〇〇〇八為

六豪八絲五忽四**微有餘為十二面體**

徑自東三歸開平方得五寸六分五釐 求球内容十二面體之一

邊法以

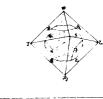
八微有餘即八面體內容十二面體 五五

■一如製製理精 施下編

2 5

Ē

2 3



各面之中心則八面體中心至每面中

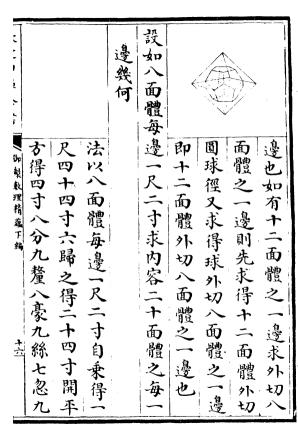
心之立垂線即内容十二面體中心至 各角之斜線八面體內容圓球徑即十 二面體外切圓球徑故先求得八面體

内容圓球徑又求得球内容十二面體

一邊即八面體內容十二面體之

容成已與辛十二面體以十二面體之 之每一邊也如圖甲乙丙丁八面體內

戊己庚辛壬癸子丑八角切於八面體





-今昕得之圓球牛徑四寸八分九釐

八豪九絲七忽九微為三率求得四率 **寸八分七釐一豪二絲四忽三微有**

餘為二十面體每一面中心至邊之

線三因之得五寸六分一釐三豪七

率小分三八一九六六〇一為

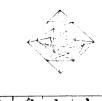
- 耒線之全分一○○○○○○○○ ,球外切二十面體之一邊法以理分

定匹庫全書] 微有餘為八面體內容圓球半徑乃用

/ din | ₩ 類理精 在下线 癸二十面體以二十 面體之戊五子丑 圖甲乙丙丁八面體内容戊己庚辛壬 中心則八面體中心至每面中心之立 辰年卯已癸八面切於八面體各面之 庚寅寅辛壬子壬癸戊己卯己庚辰已 面體內容二十面體之每一邊也

四分八釐二豪一絲七忽五微有餘即 一垂線自東三歸四因開平方得六寸

一忽九微有餘為每一面自角至對海



面體

面體之一

得球外切八面體之

内容圓球徑又求得球外切二十面體 之立垂線八面 面體内容圆球 如有二十面體之一邊求外切 即八面體内容二十面體之 則先 體内容圓球徑 徑故先求得八面體 求得二十面體內容

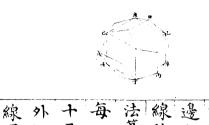
金 埞 匹 盾 刍 揰

垂線

即内容二十面體中心至每面

EP

設如十二面體每邊一尺二寸求内容正方體之每 邊幾何 E 9 車 全書 一一御製數理精盛下編 四分一釐六豪四然零七微有餘即 甲乙丙丁戊己十二面體内容真乙 二面體內容正方體之每一邊也如 ○○為二率今所設之十二面體每邊 一尺二寸為三率求得四率一尺九 九九為一率全分一〇〇〇〇〇 以理分中未線之大分六一八〇 圖



每 法算之即 故用五等邊面形有邊求對角斜 即十二面體之每一面两角相 邊也如有正方體之一邊求外切 得十二面體內容正方體之

二面體之一邊則正方體之一邊

五等邊面形有對角

斜

十二面體之每一面

两

角 相

十二面體之各面

則正方體之每

對 斜

五己正方體以正方體之十二稜切

設如十二面體每邊一尺二寸求內容四面體之每 2 1 1 (御製數理精題下編 法以十二面體每邊一尺二寸用求十 設之十二面體每邊一尺二寸折半 之小分三八一九六六○一為一率全 二面體外切圆球徑法以理分中末 算之即得正方體外切十二面體之 〇〇〇〇〇〇〇八為二率今



寸八分一釐五豪一絲零二微有餘倍 之得三尺三寸六分三釐零二絲零四 有餘為十二面體外切圓球全徑

自乗三歸二因開平方得二尺七寸四

求球内容四面體之一邊法以球

3

股每邊之年六寸為勾求得弦一尺六

中心至每邊正中之斜線以此斜線 零八豪二絲零三微有餘為十二面體

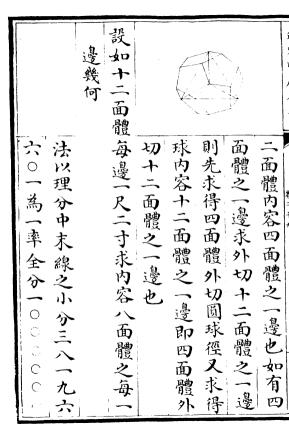
在言

六十為三率求得四率一尺五寸七分

釭 灾

卢

钦 定四事全書一個製數理精點下約 面體之四角則十二面體中心至各角 **葵四面體以四面體之四角切於十** 圆 十二面體外切 之斜線即四面 分五釐八豪九絲四忽六微有餘 面體內容四面體之每一邊也如 し两丁戊己十二面體內容真辛 球徑故先求得十二面體 ,求得球内容四面體之一邊即 體 圆球徑即四面體外 中 心至各角之斜 外切圆球 圖





定吗 車全書 如製數理精為下編 内容八面體兩角相 絲零六微有餘 平方得二尺二寸二分一釐四豪 五忽二微有

餘

即

十二面

欽

正即 す十體二

之面

對斜線自東折

線倍之得三尺一寸四分一盤六豪 餘為十二面體中心至每

尺五寸七分零八豪二

尺二寸

半

得六寸為三率求得

絲零三微

邊正中之

率今所設之十二面體每



内容八面體中心至各角之斜線倍 面體之六角切於十二面體之六稜 **弦求方邊法求得方邊即十二面體内** 得 面體中心至每邊正中之科線 面體兩角相對之斜線故用

斜

即

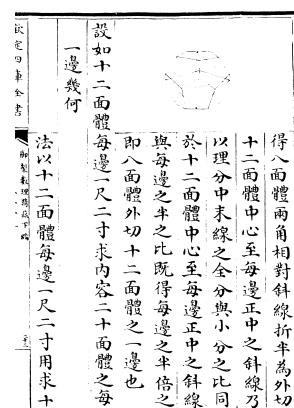
面體之每一邊也如有八面體之

求外切十二面體之一邊

面體之每

也如圖甲乙丙丁戊

十二面體內容真辛壬癸八面體以



之得二尺六寸七分二釐四豪三絲九 二面體中心至每面中心之立垂線法 心至邊之垂線為勾求得股一尺三寸 五釐八豪二絲九忽一做有餘乃以中 得每一面中心至邊之垂線八寸二分 寸七分零入豪二絲零三微有餘又求 求得中心至每邊正中之斜線一尺五 三分六釐二豪一絲九忽六微有餘倍 心至每邊正中之斜線為弦每一面中

今所得之圓球全徑二尺六寸七分 率大分六一八〇三三九九為二率

於乞曰車全書 ₩御製數理精臨下為 釐四豪三絲九忽二微為三率求得四 一尺四寸零四釐九豪八絲四忽四

為勾求得弦一一七五五七〇五〇為

以理分中末線之全分一〇〇〇〇 ○○○為股大分六一八○三三九九

徑 乃 用求球内容二十面體之一邊法

忽二微有餘為十二面體內容圓球全



則十二面體中心至每面中心之立 之十二角 線十二面體內容圓球徑 即内容二十

面體中心至各角

Ep

面

圓

徑

求得球内容二十面體

切圓球

徑

故先求得十二面

切於

面

體各面之

面

體以二

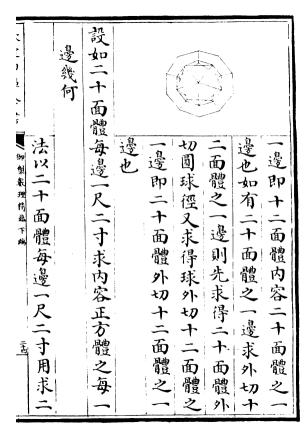
面體

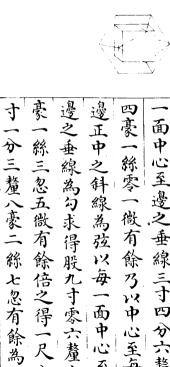
内容己庚辛

壬癸二十

題也如圖甲乙丙丁戊十二

有餘即十二面體內容二十面體





終三忽五微有餘倍之得一尺八

邊之垂線為勾求得股九寸零六釐九 邊正中之斜線為弦以每一面中心至 四豪一絲零一做有餘乃以中心至每

一面中心至邊之垂線三寸四分六釐

分零八豪二絲零三微有餘又求得每 求得中心至每邊正中之斜線九寸七 十面體中心至每面中心之立垂線法

定匹庫全書]

之每一邊也如圖甲乙丙丁戊已二 忽四微有餘即二十面體內容正方體 面體內容與辛壬癸正方體以正方體 八角切於二十面體之八面之中

正方體之一邊法以球徑自乗三歸

一尺零四分七釐二豪一絲

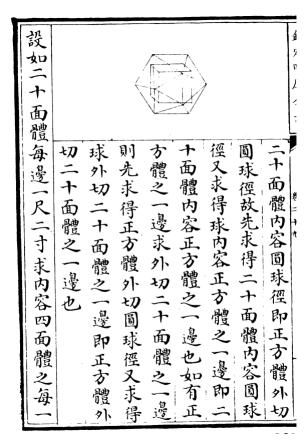
面體內容圓球全徑乃用求球內容

己日車全書 一脚製數理精總下為

則二十面體中心至每一面中心之

烫

即内容正方體中心至角之斜



法以二十面體每邊一尺二寸用求

面體中心至每面中心之立垂線法



<u>ج</u> 5 Zı d.in

忽五微有餘法 求得立垂線九寸 零六釐九豪一絲 題倍之得一尺八寸

分三釐八豪二絲七忽有餘為二十面

體內容圓球全徑乃容求球內容四面 體之每一邊法以球徑自東三歸二因

平方得一尺四寸八分零九豪、

一 物製製理精温下編



心則二十面體中心至每面中心之立 體之四角切於二十面體之四面之 二十面體內容圓球 線即内容四面體中心至角之

球

一故先求得二十面體內容圓

徑

即四面

體

斜

球内容四面體

之一邊

三忽五微有餘

體之每一邊也如圖甲乙丙丁戊己

即二十面體內容四

面

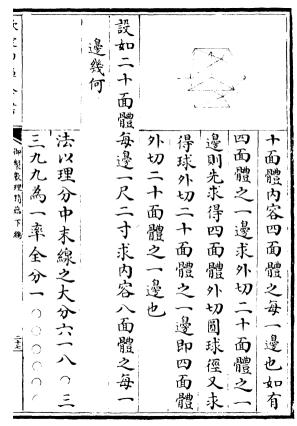
面

體內容康辛壬癸四面體以四面

刍 ٦

眉

万



一尺二寸折半得六寸為三率求得四 ○○為二率今所設之二十面體每邊

九寸七分零八豪二絲零三微有餘

為二十面體中心至每邊正中之科線

倍之得一尺九十四分一釐六豪四絲 零六微有餘即二十面體外切為内容 七忽一微有餘即二十面體內容八面 平方得一尺三寸七分二釐九豪四絲 面體兩角相對之斜線自乗折年開

庫

长二十九



體之六角切於二十面體之六歲則二

面體中心至每邊正中之斜線即內

體之每一邊也如圖甲乙两丁戊己

面體內容真辛壬癸八面體以八面

得 容八面體中心至各角之斜線倍之則 求方邊法求得方邊即二十面體內容 八面體之每一邊也如有八面體之每 邊求外切二十 面體之每一邊則先 八面體兩角相對之斜線故用斜弦

如二十面體每邊一尺二寸求內容十二面體之每 法以二十面體每邊一尺二寸用求 切二十面體中心至每邊正中之斜 之即八面體外切二十面體之一邊 同於二十面體中心至每邊正中之斜 求得八面體兩角相對斜線折半為外 以理分中末線之全分與大分之比 與每邊之半之比既得每邊之半倍



體内容圓球全徑 面體之一邊法以理分中未線之全 ○○○○○○○為股小分三

忽五微有餘前見倍之得一尺八寸

得立垂線九寸零六釐九豪

面體中心至每面中心之立垂線法

分三釐八豪二絲七忽有餘為二十面

乃用求球內容十

四六六二六為一率小分三八一九

一一 御製數理精益下紙

九六六〇一為勾求得弦一〇七

5

<u>ج</u>

戊二十面體內容己庚辛壬癸十二面

面中心之立垂線即内容十二面體

體各面之中心則二十面體中心至每

體以十二面體之二十角切於二十面

終三忽五微有餘即二十面體內容 面體之每一邊也如圖甲乙丙丁

為三率求得四率 八寸一分三釐八豪二絲七忽有餘 一為二率今所得之圓球全徑

六寸四分七釐二豪

欠匹 月月月





面體之一邊也如有十二面體之一邊 二面體之一邊即二十面體內容十 面體內容圓球徑又求得球內容十

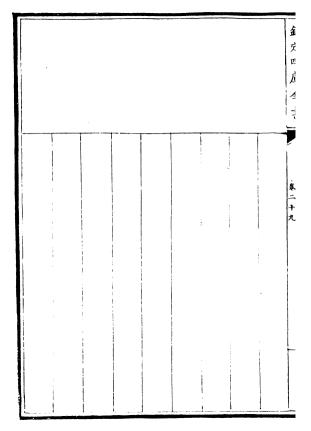
心至角之斜線二十面體內容圓球

即十二面體外切圓球徑故先求得二

面體外切圓球徑又求得球外切 外切二十面體之一邊則先求得十

面體之每一邊也 體之一邊即十二面體外切二十

二 E



たとう 設如正方體每邊一尺二寸今欲作與正方體 三車 车 之圓球體問徑幾何 1二四0と00元 00000000 一四八八四一 A. a.la 御製数理精線下編 四寸八分八釐八豪四絲一忽有餘 每邊一尺二寸為三率求得四率一尺 ○○九八為二率今所設之正方體 ○○○○為一率圓球徑一二四○七 以定率之正方體之每邊一八八八 法用體積相等邊線不同之定率比例 積相



徑一二四〇七〇

設

之甲乙丙

與今所得

邊

()

精

相

等故以子

圓

珠

徑為一二四

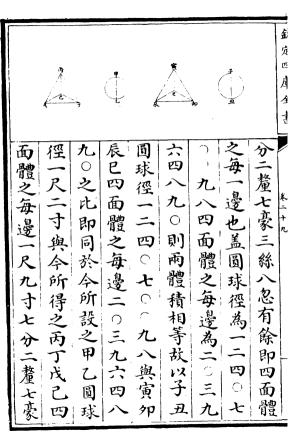
Ġ Ľ 月

녈

三車 幸 幸 如正方體積一尺七百二十八寸今欲作與正方邊 相等之圓球體問積幾何 ーセニハ 五二三五九八七七五 ル四キハかハ 1 知製致理精益下編 百零四寸七百七十八分六百八十 尺七百二十八寸為三率求得四率九 七七五為二率今所設之正方體積 以定率之正方體積一〇〇〇〇〇 法用邊線相等體積不同之定率比例 〇〇〇為一率圓球積五二三五九八 =

+飲定四庫全書 2 球積五二三五九八七七五之比即 與圓球徑相等故以子五寅卯正方體 釐有餘即圓球之積 也盖正方體積為 二三五九八七七五則正方體之每邊 一○○○○○○○ ■球績為五 百二十八寸 今所設之甲乙丙丁正方體 九百零四寸七 ○○○○○○○○ 與辰巳圓 與今所得之戊己圓球 百七十八分六百 拉積一尺 同

設如圓球徑一尺二寸今欲作與圓球積相等之四面 體問每一邊幾何 2 一二四の七〇の九八 お三九六四八九の 5 一九七二七三八 A. alin │ │ │ │ 御製數理精道下編 法用體積相等邊線不同之定率比例 尺二寸為三率求得四率一尺九寸七 四八九〇為二率今所設之圓球徑 以定率之圓球徑一二四〇七〇〇 圓球徑亦為相等也 十三釐有餘之比而正方體之每邊與 八為一率四面體之每邊二〇三九六



設如圓球積一尺七百二十八寸今欲作與圓球徑相 四率 三八九三六六四五 等之四面體問積幾何 ・「とうへ 二大五二二九 五三五九七七五 1. 一柳製数理精為下編 百二十八寸為三率求得四率三百八 等也 以定率之圆球積五二三五九八七七 五為一率四面體積一一七八五一 法用邊線相等體積不同之定率比例 三絲八忽有餘之比而兩體積亦為相 二九為二率今所設之圓球積一尺七 1

歃 定 四 庫 全書 P 十八寸九百三十六分六百四十五釐 球

有

餘

即四面體之

積

心盖

6

積為

一三五九

ハセ

と

五 四面

體

積為一一

八五一一二九

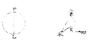
則

圓

球

徑

與四面體



每

邊相

等故以子丑圓

球

積

五二









與今所得之丙丁戊己四

圓

球精一尺七

百二十











ょ

七五與寅卯

辰 É

E3

面

體 積

五一一二九之

FL

即

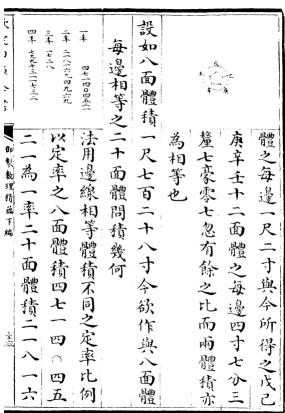
回

設如八面體每邊一尺二寸今欲作與八面體 三本 ع 9 之十二面體問每邊幾何 一二八四八九八二九 五〇七二二二〇七 四七二七日と 法用體積相等邊線不同之定率比 每邊亦為相等也 五釐有餘之比而圓球徑與四面體之 以定率之八面體之每邊一二八四 九八二九為一率十二面體之每邊 百八十八寸九百三十六分六百四十 七二二二〇七為二率今所設之八 積相等

金 ß 率四寸七分五釐七豪零七忽有餘即 **邊為一二八四八九八二九十二面體** 十二面體之每一邊也盖八面體之每 之每邊為五○七二二二○七則 體之每邊一尺二寸為三率求得 相等故以子丑寅卯八面體之每邊 二八四八九八二九與辰已午未 體之每邊五〇七二二二〇 同於今所設之甲乙丙丁八面

兩 們豐

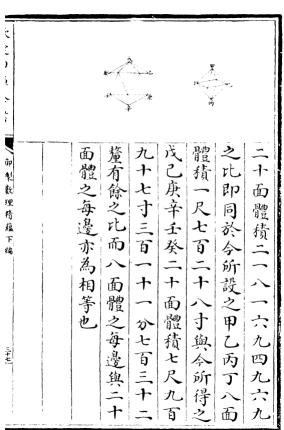
中



とんんとこ へとここ ーセニハ 二八六九四九六九 型一四0四五二一 六九則八面體之每邊與二十面體之 七百三十二釐有餘即二十面體之積 率七尺九百九十七寸三百一十一分 七一四〇四五二一與辰巳午未申酉 也盖八面體積為四七一四〇四五 九四九六九為二率今所設之八面體 邊相等故以子丑寅卯八面體積四 二十面體積為二一八一六九四九 一尺七百二十八寸為三率求得四

金灾匹

厚全書



御製數理精藴下編卷二十九 鱼灰四库全書



圖監

生日

周

腾銀監

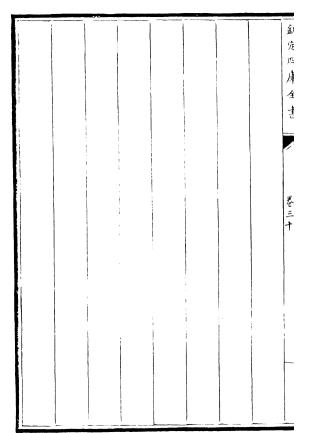
生且

从野宫中官正臣郭·殿校官·庶吉士臣 張 4

欽定四庫全書 曾要 母親數理精為下編卷三十

詳校官主事也陳木

御製數理精為下編卷三十 欽定四庫全書為要悉一萬八百五十三子部 體部 禮權度比例

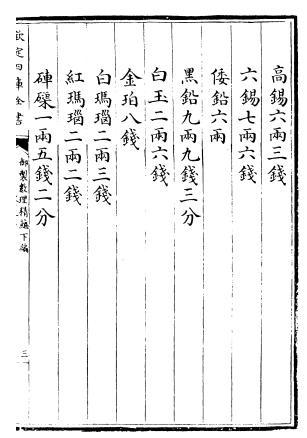


遁 數學至體而備以其綜線面之全而盡度量衡之用 たこ 又有 益線面存乎度體則存乎量求輕重則存乎無是 情 '者邊積不同皆有互相比例之法而各體無混 Э 卽 其積千分較量豪釐俾有定率然後 Þ 權度之比例其法縣以諸 且體之為質不一邊積等者輕重不同輕重 知其重輕 È 品 御東數理精盤下編 知其重輕 即 知其 物製為正方其邊 八體積而 凡物 權 知其 度

照權度比

例

白紅水紋赤 熟鐵六兩七錢三分四銅六兩七錢三分四銅六兩七錢三分 鋼 黄 生 Æ 銅銀銀金 九雨八錢 卷三十



白石二兩五錢六分 新一八錢二分 京君一兩五錢四分 京君八錢三分 白檀八錢三分 青石二兩 八錢八分

設如有金一方每邊三寸問重幾何 華 ニナセナ 黄楊七錢五分 四百五十三两六錢 楠木四錢八分 寸 油 烏木一兩一錢 一十六两八钱 水九錢三分 八錢三分 自乘再乘得二十七寸為三率求得四 法以一寸為一率金寸方重一十六兩 一錢為二率今所設之金方每邊三寸 Œ,

設如有銀一 四率 四年 七十二兩 率 九两 牽 车 平 一寸 三年 二十七寸 ハナ 四百五十三兩六錢 一十六两八錢 方每邊二寸問重幾何 法以一寸為一率銀寸方重九兩為二 得八寸為三率求得四率七十二兩即 率今所設之銀方每邊二寸自來再乘 同於二十七寸與四百五十三兩六錢 十七寸以一寸與一十六兩八錢之比 此法益因金方每邊三寸則體積為二 率四百五十三兩六錢即金之重數也 欠己日早 設如黃銅 牽 率 率 如熟鐵 五十五寸 六兩八錢 三百七十四两 4 A ALIO 御製数理精福下編 係重三百七十四兩問積幾何 塊重十六兩欲鎔為正方體問每邊幾 法以黄銅寸方重六两八錢為一率 於八寸與七十二兩之比也 寸為二率今所設黃銅重三百七十四 兩為三率求得四率五十五寸即黃銅 銀之重數也此法益因銀方每邊二十)積也 積為八寸以一寸與九兩之比同 Ā

設如水銀 牽 幸 何 問内水銀 重數幾何 六兩七錢三分 于三百十十分音言是 一十六两 匣但知匣 闊四寸長六寸高三寸五分 法以熟鐵寸方重六兩七錢三分為 有餘即每邊之數也 法以匣閥四寸與長六寸相乘得二十 四釐有餘開立方得一寸三分三釐 一得四率二寸三百七十七分四百 一寸為二率今鐵重十六兩為三率 巻三十

Ĵi

さこう 設 三率 幸 如白玉一方重九十三兩六錢但知問比高多 寸長比闊多三寸問高闊長各幾何 ハ十四寸 一十零二十一四载分 一十二兩三錢分 Ē de Allo 一柳製栽理精龜下編 |法以玉寸方重二兩六錢為一率一寸 四寸又以高三寸五分再來得八十 寸為水銀一匣之積數爰以一寸為 兩五錢二分即水銀之重數也 四寸為三率求得四率一千零三十 一率今所得之水銀一匣之積數八 -水銀寸方重一十二兩二錢八分為

設如金與銀鎔於一處共得正方體積二十七寸重 釒 四率 三十六十 三率 九十三两六錢 乘 二百七十四兩二錢問金與銀各幾何 二兩六錢 帶兩縱之較用帶兩縱不同較數開立 寸為長也 為二率今所設王重九十三兩六錢為 方法算之得高二寸加闊比高多一寸 乃以闊比高多一寸長比闊多三寸為 得三寸為関再加長比問多三寸得六 三率求得四率三十六寸為長方體積

萍 2 牽 率 罚 三十.两二钱 七兩八錢 一寸 十四兩二錢相減餘三十一兩二錢乃 乘之得二百四十三兩與共重二百七 法以共積二十七寸以銀寸方重九兩 寸即銀之寸數也以金四寸與金寸方 共積二十七寸内減去四寸餘二十三 為三率求得四率四寸即金之寸數於 為二率全相減所餘之三十一兩二錢 以銀寸方重九兩與金寸方重十六兩 八錢相減餘七兩八錢為一率金一寸

釒 贠 Ľ JE. 10 以銀二十三寸與銀寸方重九兩相乘 重十六兩八錢相乘得六十七兩二錢 得二百四十三兩與共重二百七十四 四兩二錢仍與原數相合也此即和較 得二百零七兩兩數相併得二百七十 兩二錢相減餘三十一兩二錢即金重 例之法益銀二十七寸則其重數應 錢故多七兩八錢則金有一寸今多 銀之數而金每寸比銀每寸多七兩 卷三十

大三日年公告 牽 牽 ニナニす 七两八錢 一寸 一百七十九兩四錢 一一一御製數理精題下編 先得銀數則仍以七兩八錢為一率 三十一兩二錢則知金有四寸也岩 寸為二率將共積二十七寸以金寸方 寸相減餘四寸即金之寸数益少七兩 六錢內減共重二百七十四兩二錢餘 重十六兩八錢乘之得四百五十三兩 錢則銀有一寸今少一百七十九兩 百七十九兩四錢為三率求得四率 一十三寸即銀之寸數與共積二十七

設如金鑲玉爐一座共重四十六兩七錢問金玉各 幾何 法用盛水器四一件置爐其中實之以 淺五分為高再乘得一十二寸五百分 係正方形每邊五寸取出爐水淺五分 為爐之體積即金玉之共積爰以共積 四錢則知銀有二十三寸也 取出爐看水淺幾何設如盛水器四 以每邊五寸自乘得二十五寸以水

次 色 日 車 全 · 一 · 御果数理精為下端 季 季 率 一寸 一十四两二錢 一寸 一十四兩二錢 餘十一寸五百分為玉之寸數金一寸 錢乘之得三十二兩五錢與共重四十 於共積一十二寸五百分內減去一寸 錢為三率求得四率一寸為金之寸數 六兩七錢相減餘一十四兩二錢乃以 王寸方重二兩六錢與金重一十六兩 八錢相減餘一十四兩二錢為一率金 一寸為二率今相減所餘一十四兩二 一十二寸五百分以玉寸方重二两六

三率 一十一十五百分 一百六十三两三钱 一寸 一十四兩二錢 重得十六兩八錢玉十一寸五百分與 王寸方重二兩六錢相乘得二十九兩 一百六十三兩三錢為三率求得四率 分以金寸方重十六两八錢乘之得二 寸為二率將所得共積一十二寸五百 錢為玉之重數兩數相併共得四 數則仍以一十四兩二錢為一率 兩七錢仍與原數相合也如欲先得 兩内減共重四十六兩七錢

たこり 設如空心金球一個外徑一尺二寸厚三分問重幾 何 一七二八 九〇四七七八六八三 000000000 五二三五九八七七五 P 4 5 / 御製數理精蘊下編 寸數也 等方積球積不同之定率比例以方積 法以金球外徑一尺二寸自乘再乘得 一○○○○○○○為一率球積 一尺七百二十八寸乃用方邊球徑相 一十二寸五百分相減餘一寸即金之 十一寸五百分為玉之寸數與共積

三七六 九〇四七七八六八三 五三五九へて七五 為空心 百七十八分六百八十三釐有餘為球八寸為三率求得四率九百零四寸七自乘再乘之正方體積一尺七百二十 之全體積又以厚三分倍之得六分與 五二三五九八七七五為二率今球 一寸五百四十四分仍以方積一〇 ○○○○○○為一率球積五二三 徑 一尺二寸相減 徑自泰再乘得一尺四百八十 餘一尺一寸四分

Ŀ

た己ョ 一年一百六十六九四日 一百二十九十四四〇八C 一十六兩錢 000000000 四八一番四 七七五七三四六三 五二三五九八七七五 釐有餘為球內空心虚積兩積相減餘七十五寸七百三十四分六百二十三 體積一百二十九寸零四十四分零六 金寸方重十六兩八錢為二率空心球 再乘之正方體積一尺四百八十一寸 有餘為空心球體積乃以一寸為一率 五百四十四分為三率求得四率七百 百二十九寸零四十四分零六十釐 九八七七五為二率今空心徑自乘

設如正方青石一塊紅石一塊紅石比青石每邊多 四率二十二百六十七两分 三率 百十九十二四八八 華 二十六两人钱 率 <u>1</u> 寸體積 多五十六寸問二石之邊數及重數各 體積多五十六寸為積較用大小二立 六十七兩九錢四分有餘即空心金球 方有邊較積較求邊法算之以邊於 體之重數也 十釐有餘為三率求得四率二十一百 以紅石比青石每邊多二寸為邊蛇

釒

Ĵ

至 華 幸 ع 9 六十四寸 一百六十三两八代四分 二雨五錢六分 5 <u>~</u> A. 御製数理精過下編 邊四寸自乘再乘得六十四寸為三率 寸方重二兩五錢六分為二率紅石每 數 寸自乘再乘得八寸與積較五十六寸 以邊較二寸除之得八寸為長方面積 即紅石之邊數乃以一寸為一率紅石 開平方法算之得闊二寸即青石之邊 以邊較二寸為長閣之較用帶縱較數 加紅石比青石每邊多二寸得四寸 減餘四十八寸三歸之得一十六寸

三率 四率 二十三两零四分 三率 二两八錢分 一率 一百六十三四八錢四分 - 六十四寸 寸 二兩五錢六分 邊二寸自乘再乘得八寸為三率求得 ·十方重二兩八錢八分為二率青石每 寸方重數定率以比例之即得二石之 也此法因二石皆為正方體故用大小 四率二十三兩零四分即青石之重数 紅石之重數也又以一寸為一率青石 求得四率一百六十三两八錢四分即 石之邊自乘再乘即得二石之體積用 二立方有邊較積較求邊之法求得二

にこり 設如有正方水桶三個第一桶每邊一尺第三桶比 季 莱 第二桶母邊多二寸第三桶體積與第一桶第二 一千寸 九钱三分 九百三十雨 į 桶 1 15 御製數理精總下編 2 共積相等問三桶水之重數各幾何 重數也 法以一寸為一率水寸方重九錢三分 為二率第一桶正方每邊一尺自乘再 比第二桶每邊多二寸為邊較以第一 十兩為第一桶水之重數又以第三桶 乘得一千寸為三率求得四率九百三

金灰四月百月 多之積較用大小二立方有邊較積較 除之得一尺六十五寸三十三分三十 求邊法算之以邊較二寸自乘再乘得 長間之較用帶縱較數開平方法算之 六分六百六十六釐有餘以邊較二寸 桶體積一千寸為第三桶比第二桶所 三釐有餘為長方面積以邊較二寸為 八寸與積較一千寸相減餘九百九十 二寸三歸之得三百三十寸六百六十

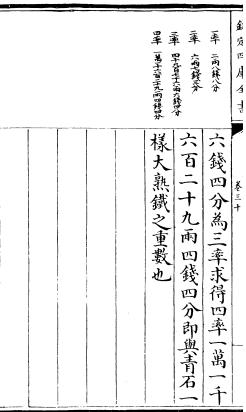
牽 九钱三分 一千五百七十两九三 一天六百八十寸九三四 一一一一一一一一一种製數理精确下編 桶之邊數加較二寸得一尺三寸八分 七十兩九錢九分三釐有餘即第二桶 水之重數又以一寸為一率水寸方重 九糧有餘為第三桶之邊數乃以一寸 四分有餘為三率求得四率一千五百 乘再乘得一尺六百八十寸九百二十! 二桶每邊一尺一寸八分九釐有餘自 為一率水寸方重九錢三分為二率第 得関一尺一寸八分九種有餘為第 中凹

留 定 匹 庫 全 書 四率 字野子高三八 三率 九錢三分 率 一元六百七九十八三六 寸 此法益因第三桶之體積與第一第二 率求得四率二千四百九十二兩二錢 之較也而第三桶比第二桶每邊多一 三分八釐有餘即第三桶水之重數也 **寸八分九釐有餘自乘再乘得二尺六** 九錢三分為二率第三桶每邊一尺三 百七十九寸八百二十六分有餘為三 ,即第三桶體積比第二桶體積所多 桶之共積相等則第一桶體積一 巻三十

たこう 自己 一一個製數理精臨下隔 如金球一 重與金球等問徑幾何 二寸七分七程 二寸二分六程 一寸二分三聲 個徑二寸二分六釐全欲作一銀球其 十二分六釐為三率求得四率二寸七 法以金方邊一寸為一率銀方邊一寸 法求得二桶之邊數自來再來即得二 寸故用大小二立方有邊 二分三釐為二率今所設之金球徑二 桶之體積用寸方重數定率以比例之 即得二桶水之重數也

鉒 六兩八錢與金寸方等故金方邊為 為一寸三分六釐錫方邊為一寸三分 為一寸一分一種鉛方邊為一寸一分 寸銀方邊為一寸二分三釐水銀方邊 因各色俱為正方體其重數俱設為十 為二寸六分四釐油方邊為二寸七分 九釐石方邊為一寸八分九釐水方邊 九釐銅方邊為一寸三分一釐鐵方邊 分七釐有餘即銀球之徑數也此法益

ر د 設如青石 率 兩六錢四分今欲作與青石一樣大熟鐵一塊問 重幾何 聖智為 今所設之青石重四千九百七十六兩 二兩人錢分 聖者子高發 六两七錢三分 直 八二方 無製選捏精為下端 塊正方一尺二寸重四千九百七十六 法以青石寸方重二兩八錢八分為 率熟鐵寸方重六兩七錢三分為二率 當比例四率也 徑之比同於方邊與方邊之比而為相 四種皆係邊與邊之比例故球徑與球



包一方者以八包一三角者以 求積 <u>ا</u> 尖堆以三角面層累者則 加之 同 樂之法雖為體屬而一面平堆 之邊皆同為遞加一數每層 方者 加之數四角為按位自乘相 Ē 數也東形亦與一面平 其理皆相通也若夫以 △ 上了 一人御製數理精臨下編 即平方法其餘則用梯形法以其每層皆 為三 堆 方面層累者則為 2 九 包一有邊求積 與方圓東形實與 角 加 面 同法益圓者以六 尖 之數 削三 准此二者 其傍皆 角為 有

堆之法御之分之以立其法合之以明 設如一面直 解之於後 長方堆以全堆而減去上截者則為半堆總以尖 不平故與體亦微異也至於以長方面層累者 角尖堆底十二求積幾何 法以底十二加尖上一得十三與層數 十二相乘得一百五十六折半得七十 丙一面 直角尖堆し 丙為底十二其甲 八即一面直角尖堆之積也如圖甲乙 其理一一按

ż 9 Ē ~ 5 /御製數理精題下編 丁戊已直角三角形合於原形之 也此法與勾股求積之法異者益 甲乙 首數與末數 加之 丁戊長方形其高即層數)數見算法 數成直角三 相 卷第三 加與層 奴相加之 原 面直角 角形試另 故以底

如 00000000000 00000000 面 直角尖堆 折半而得積也 面直角尖堆之底數也如圖甲了 十六為長方積以 一尖為 面直角尖堆積二 上閱與下閥相加以高數 閱成斜方形故用斜 點無數可紀此上 為長間之 八倍之

盆

E

屋台

7

钦定四庫全書 何製數理精箱下稿 如一面三 角尖堆底七求積幾何 丙等為一面直角尖堆之底闊也 帶縱較數開平方法算之得甲乙與乙 方形積其乙丁長比甲乙闊多一故 尖堆乙丙為底七其甲乙高亦即為七 角尖堆之積也如圖甲乙丙一面三角 乘得五十六折半得二十八即一面三 法以底七加上尖一得八與層數七相 面直角尖堆積倍之則成甲乙丁戊長 設如一面三 角尖堆積三十六求每邊幾何 層其每層皆加一為挨次遞加之點 相 方形其高即層數其底即首數與末數 角形合於原形之側則成甲乙丁戊 等邊三角形試另作一丁戊已等邊 以底七與上尖一相加與層數七相乘 得斜方積折半得一面三角尖堆之 加之數其積即總數加一倍之數故

ここり シンシー 御製数理精總下編 設如一面梯 形堆上五下九求積幾何 求邊之法同也 七十二為長方積以一為長闊之較用 積等故其求邊之法亦與前直角火堆 戊科長方積若直排之即與直角長方 丙一面三角尖堆積倍之則成甲乙丁 帶縱較數開平方法算之得閱八即 面三角尖堆每一邊之數也如圖甲乙 法以一面三角尖堆積三十六倍之得

金 匹 屆 庄 1 下五 面 節三為去層 四 九 形 梯 VX 相 相 形 堆 乘 一五與下九. 試之位五 甲 谁之積 減 至 一得七十 餘五為層數與上下 一虚 所故位凡丁 為 有於數自 四位 之ま今一上 免 相 位数首选五 折 如 半得三十五 即 加 見内數加 2 圖甲乙丙丁一面 得 算減為之 丙 ソス 為 十四又 所虚之四 原所計其下 九 相 本少白末 EP 視 甲 加 與 卷位已即 乙

贞

御製数理精總下端 三角尖堆求積法求得上虚小一面三 求得總積四十五又以上五内減一餘 原形之側則成甲乙己庚斜方形其后 其積即總數加一倍之數故以上數與 四為上虚小一面三角尖堆之底亦用 又法以底九用一面三角尖堆求積法 梯形堆之積也 下數相加與層數相乘折半即得一面 即上數與下數相加之數其高即層數

面 又求得戊己庚上虚小三角尖堆積相 角尖堆積十两積相減餘三十五即 則 **内減一餘為上下陽之較與上悶相加** 有上下闊之法算之而得積也 ,得下闊與下闊相減則得上闊皆用 闊或下闊與層數求積者則於層數 梯形堆之積也如圖甲乙丙丁一面 即得甲乙丙丁梯形堆之積也如有 形堆先求得戊乙丙三角尖堆總積

金灰四犀生書

之 <u>ا</u> Þ È 面梯形堆積三十五下九問上幾何 求得戊乙丙三角光堆總積內減甲乙 得總積四十五内減梯形積三十五餘 甲乙丙丁一面梯形堆先以乙丙下九 十為上虚小一面三角尖堆積用 丙丁梯形堆積餘戊己庚上虚小一面 二角尖堆有積求邊法求得每邊四加 [以下九用一面三角尖堆求積法求 得五即一面梯形堆之上闊也如圖 面

盆 Įį. 闊各幾何 面 梯 邊法算之即得下闊 則以上 之底求得上虚小三角尖堆積與樣 角尖堆積乃用有積求邊法求得已 推積三十五上闊比下闊少四問 四因每層挨次遞加一故加一即得 丁五為上陽也如有上陽求下陽 相加為三角尖堆總積亦用有積 闊內減一為上虚小三角尖

k E Э 5 ٨ 1 一人 御製數理精題下福 四餘五為上闊也如圖甲乙丙丁一面 較四得十八折半得九為下問內減較 上下間之較四加一得五為層數 己斜方積以甲乙五層除之得乙戊 し丙下闊少四即 倍積七十得十四為上下闊之和 以甲乙丙丁梯形積倍之則成甲 形堆積每層挨次加一今甲丁上 形 推積三十五倍之得七十 知甲乙為五層矣

除之即得層數內減一 闊 內減 闊 或有積與層數求上下闊者則於層 者則將積數加一倍以上下陽之 也如有積與上下闊之和求 閣於下陽内減上下陽之較 閣之和加上下閣之 得上下闊之和既有較有和 即得 上下闊之較以層數 即得上下闊

金

設如一面六角堆每邊六求積幾何 一一一御製数理精總下編 六三角尖堆而餘中心一其每一三角 法以一面六角堆分作六三角尖堆算 之以每邊六減一餘五為每一面三角 已一面六角堆六分之則成甲庚辛 六因之得九十加中心一得九十一即 面六角堆之積也如圖甲乙丙丁戊 推之底與每邊六即底加相乘得三 折半得十五為每一面三角失雅積 二十四

鉑 定匹庫 如一面六角堆積九十一求每邊幾何 全建 邊少一故以六角堆之每一邊内減 餘九十六歸之得十五為一面三角出 三角尖堆積六因之再加中心一即得 即得三角尖堆之每一邊而求得一 面六角堆之總積也 推之甲庚一邊比六角堆之甲已 以一面六角堆積九十一減中心 積用一面三角尖堆有積求 面

E 事 全 書一一一都製數理精臨下編 邊再加一為一面六角堆之每一邊也 庚一邊比六角堆之甲已一邊少一故 庚辛一三角尖堆積其三角尖推之甲 能成圓凡云圓者皆六邊也 邊也如圖甲乙丙丁戊己一面六角 1得每邊五加一得六即六角堆之每 看先減去中心一以六歸之則得甲 即算書所謂園東也本以六包一不 一面三角尖堆有積求邊法求得一

設如方東外周四十求積幾何 法以外周四十加四得四十四四歸之 每一邊之數以一邊自乘即為方東之 故必以外周加四以四歸之始得甲人 得十一為方東每一邊之數自乘得一 丁方東其四隅之四各為兩邊所同用 百二十一即方東之積也如圖甲乙丙 又法以外周四十加八得四十八姐

層為四十每層皆加八為超位平加之 三層為二十四第四層為三十二第 平加之数如甲乙丙丁方束除却中心 一即製飲理情題下編 為方東之積也益方東以八包一 引而長之成戊已庚辛梯形外周四 一最內一層為八第二層為十六第 周所色之數亦必以八遞加為超位 一百二十加中心一得一百二 -相乘得一千九百二十十六

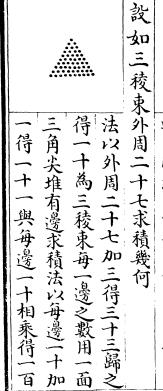
欽 定 四 庫 全 書 加 即

/ 御製數理精總下編 四倍若以外周加四自乘必得方束積 比每邊之四倍少四其積必為方束積 東之每一邊是外周加四則得每邊 之十六倍而以十六歸除亦即得方東 積今以外周加八與外周相乘成長 形則其長比每邊之四倍多四其 加中心一即得方東之積也又按第 以外周四十加四以四歸之得方

新庆匹 設如方東外周三十六求積幾何 月五き 之十六倍而少十六以十六歸除則得 法以外周三十六加四得四十四歸之 此方東每邊十一係奇數故有中心之 方東積而少一故加一而得方東積也 得一十為方東每一邊之數自乘得 百即方東之積也 詳見下法 若方東每邊係偶數者則無中心之 巻三十

欽 定四庫全書 人 御製數理精館下編 乘必得方東積之十六倍而以十六歸 法同來除得數仍加一者益以外周加 四則得每邊之四倍若以外周加四自 東之積也此方東每邊係偶數無中心 十六除之得九十九加一得一百為方 八歸之則得四層半然其立法亦與前 外周三十六相乘得一千五百八十四 又法以外周三十六加八得四十四與 其最內一層為四其外周三十六用

設如方東積一百求外周幾何 法以方東積一百開平方得一十四因 之得四十内減四餘三十六即方東 四倍多四其闊比每邊之四倍少四其 而得方束積也 十六歸除則得方東積而少一故加 積必為方束積之十六倍而少十六以 外周相乘成長方形則其長比每邊之 除亦即得方東之積今以外周加八與 飲定四庫全書 ● 御製數理精福下編 而得 周數也此即方東有外周求積之法而 周之數也如圖甲乙丙丁方東開方 即 又法以方束積一百內減一餘九十 、積以八為長閣之較用帶縱較數 方法算之得問三十六即方東之 十六乘之得一千五百八十四為長 得外周也 一邊此法以一邊四因之減四而 邊前法以外周加四四歸



較用帶縱開方得開而為外周也 數減一餘用十六來之以八為長問之 十六除之再加一而得積此法則以積

轉用之前法以外周加八與外周相乘

角尖堆之每一邊故用一面三角尖堆 又法以外周二十七加九得三十六與 有邊求積法算之即得三稜東之積 之始得甲乙每一邊之數即如一面三 兩邊所同用故必以外周加三以三歸 外周二十七相乘得九百七十二以十 如圖甲乙丙三稜東其三角之三各為 一十折半得五十五即三稜東之積也 八歸除得五十四加中心一得五十五

欠足习事全書 一种製數理精額下編

第三層為二十七每層皆加九為起位 心之一最內一層為九第二層為十八 形之上問如以首數九與末數二十七 為三稜東之積也益三稜東以九包一 平加之數引而長之成丁戊已庚梯形 周二十七即梯形之底內周九即梯 平加之數如甲乙丙三稜東除却中 加得三十六用層數三乘之折半即 外周所包之数亦必以九處加為起

2 1 , . 5 訴 周 内 係 製数理精題下編 + 數 周 2 外 等二典 大先 數 九 周 卷 必 與 相 异 r 得 第 ンソ 乘 總 用 三法 是未 按第一法 九 對 次九 周 原 歸 歸 除相 17 再 本 又 加 為乘 節 甪 レス 歸 中 相 レン 갔 歸 === 十分 歸 孙 故 加 即 即 周 即 將 即 折 相 鱼

勧 婃 4 生 1 八之九每堆倍倍岩每七 歸二倍邊積與益 相 レス 邊是外 以三歸之得一面三角尖堆 周 周 加三則 加三與一母邊之 得每邊之 人堆積之十 積 也堆三三一每 積倍倍面一 4 以而則加三邊

倍

1. 15 御製數理精總下編 推積之十八倍而少十八以十八歸除 邊之三倍少三其積必為一面三角尖 每邊之三倍加三者尚多三其闊比每 中心之一者益緣三稜東包中心一為 而得三稜東之積也此三稜東亦有無 則得一面三角尖堆積而少一故加 周遞加九邊遞加三者皆有中心之一 層者周圍九其底則四包中心一為 層者周圍十八其底則七凡如此類

設如三稜東外周三十求積幾何 法以外周三十加三得三十三三歸之 得十一為三稜束每一邊之數用一 其餘皆無中心之一詳見下法 周三十相乘得一千一百七十十八 三角尖堆有邊求積法以每邊十一 一得十二與每邊十一相乘得一百三 法以外周三十加九得三十九與外 折半得六十六即三稜東之積也 面 加

1 鼓定四库全書

ċ E 事 会 書 一种製數理精總下編 除得數仍加一者益以外周加三則得 為三其外周三十用九歸之則得三層 與每邊之三倍相乘必得一面三角尖 又三分之一然其立法亦與前法同乘 之積也此三稜束無中心其最內一層 三稜東之積今以外周加九與外周相 堆積之十八倍而以十八歸除亦即得 每邊之三倍若以每邊之三倍再加三 1得六十五加一得六十六為三稜束

設如三稜東積六十六求外周幾何 積也 十二為長方積以一為長間之較用帶 法以三稜束積六十六倍之得一百三 而少十八以十八歸除則得一面三角 其積必為一面三角尖堆積之十八倍 乘成長方形則其長比每邊之三倍加 失堆積而少一故加一而得三稜東之 三者尚多三其間比每邊之三倍少三

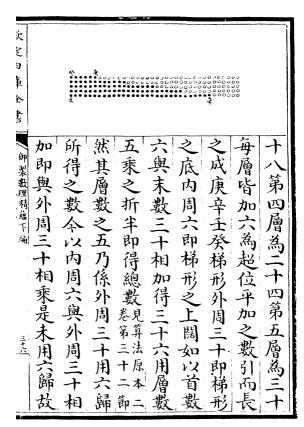
j

一一一 製製理精體下編 求邊法求得甲乙一邊前法以外周加 甲乙丙三稜東用一面三角尖堆有積 稜東之每一邊三因之得三十三内減 一十五以十八乘之得一千一百七十為 之減三而即得外周也 三餘三十即三稜東之外周數也如圖 又法以三稜束積六十六內減一餘六 三三歸之而得一邊此法以一邊三因 較數開平方法算之得限十一為三

一缸定四库全書 設如圓東外周三十求積幾何 長方積以九為長陽之較用帶縱較 相乘十八除之再加一而得積此法則 開平方法算之得閱三十即三稜東之 閥之較用帶縱開方得闊而為外周也 以積數減一餘用十八乘之以九為長 法而轉用之前法以外周加九與外周 周數也此即三稜東有外周求積之 以外周三十六歸之得五為一面

4 年 和製製理精題下編 戊己圓東六分之則成甲庚辛類六三 九十一即圓東之積也如圖甲乙丙丁 之而得甲庚每一邊之數即如一面三 角尖堆形而餘中心一故以外周六分 尖堆積六因之得九十加中心一 相乘得三十折半得十五為每 '求積法以每邊五加一得六與每邊 尖堆之每一邊而求得一三角尖堆 失堆之每一邊用一面三角尖堆

鉒 灾 月ろき 得九十加中心一得九十一為圓束 積六因之得六三角光堆積加中心一 數亦必以六遞加為起位平加之數如 積也益圓東以六包一其外周所包 周三十相乘得一千零八十十二除之 即為圓束之積數也 又法以外周三十加六得三十六與外 し丙丁戊已圓束除却中心之一最 一層為六第二層為十二第三層為



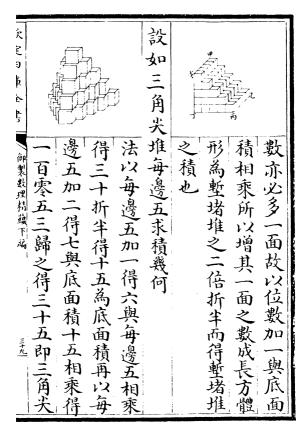
邊之六倍若以外周加六與外周相乘 邊是圓東之外周為一面三角尖堆每 即得圓束之積也又按第一法以外 除故以十二歸除得總數再加中心 即與十二歸除等二每六相因得 将相乘所得之數必以六歸又以二 三十六歸之得一面三角尖堆之每 必得一面三角尖堆積之七十二倍 始得總數夫先用六歸後用二 周

ŗ E 如 Э Þ 圓 東 至 書 一人御製數理精顧下編 積 九 面之十邊積每益 亦圓 東 設 Ξ きさ 角 而 倍倍六二邊 此 積 百三角头堆 本 求 解 尖 故彼倍倍之面 與前 堆 此既相今數三 外 将七十二倍積 積即為乘以相角 周 六為一是每乘失 幾 法 倍七面邊邊則推 [相通耳 何 之十三加之得之 也 積 加二角六六一年 凡圓東皆有 之 2六倍故加 中倍尖倍倍面一 三十七 心也堆則加三邊 積積六角 則 三每堆

東之外周數也如圖甲乙丙丁戊己算之得問五又以六因之得三十即 一為長間之較用帶縱較數開平方法因與三歸所得之數同此為長方積以歸之所得亦同益六歸二為長方積以六歸之得一十五倍之得三十或即以 面三角尖堆形故用一面三角尖 以圓束積九十一減中心一餘九 減去中心一以六歸之則得甲庚 積求邊法求得甲庚一邊以六因之 阖

Ď ALS | / 御製数捏精為下編 算之得闊三十即圓束之外周數也 為長間之較用帶縱較數開平 法以圓束積九十 十二乘之以六為長闊之較用世 圓東有外周求積之法而轉用之前 乘之得一千零八十為長方積 外周加六與外周相乘十二除之 而得積此法則將積數減

万匹屋 如堑堵堆 10 Je 底五末積幾何 堵 法 乘得一百五十折半得七十五即聖位數五加一得六與底面積二十五 堆之 方得陽而為外周也 兩輕堵體相合成長方體形比原 相 以底五自乘得二十五為底面積 面直角尖堆累積之體也兩直角 合成長方面形比原位數多一 積也如圓甲乙丙丁戊塹堵 堆



毎 層為六第四層為十第五層為十五為 面 皆一面三角尖堆累積成等邊三 排之第一層為一第二層為三第 形其每邊之數即位數也試按位 積也如圖甲乙丙丁三角尖堆每 按位 乘取其三分之一即得總數 節卷 相加之數如以位數加二 半即得底面積再以位數 今以每邊加一與每邊 姐 作

ĺ

2 . . . 一人御製數理精福下編 之而得也然必以位數加二為高者恭 以三三角尖體相凑乃成上下相等之 稜體是為三角尖體之三倍故以三除 加二為高與底數相乘所以增其二面 又以一平行面三稜體分為三三角一三三角體相合故必此原位数多二六兩三角面相合此原位数多一行今 為高與底面積 體其二面為兩體所同用今以位數 行面體其高必比原有之位數多一 四十



此法與前法同益以每邊加一與每邊 之亦得三十五為三角尖堆之積也 乘則得底面積之二倍前法以

積之三倍此法以位數加二與倍底

加二與底數相乘既為三角尖

七與倍底積三十相乘得二百一十 法以每邊五加一得六與每邊五相 得三十為倍底積再以位數加二

匹库全書

侴 定



た M. J を ノ 45 一/御製取理精總下編 第二法同益以每邊自乘再乘為第 每邊五相乘得三十倍之得六十為第 得三十五即三角尖堆之積也此法與 三數三數相加共得二百一十六歸之

五為第二數又以每邊五加一得六與

五為第一數再以每邊五自來得二十

又法以每邊五自乘再乘得一百二十

六歸之得積也 相乘即為三角尖堆積之六倍矣故以

四十二

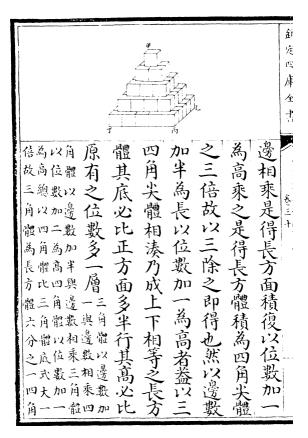
贞 175 戽 生き 其所成之正方形必比前所得之長 前所得之高少二層之數故又以每 加二再乘也因未以每邊加一相乘 數是未以每邊加一相來亦未以位數 也因未以位數加二再乘則其高必 層之數故又以每邊自乘為第二 與每邊相乘的 一數也三數相加始為三角光堆積 底如 積之又倍之為

人如三 角头堆積一百二十求每邊幾何 法以三角尖堆積一百二十六因之得 七百二十為長方體積以一為長與問 二再乘得長方體積為三角尖堆積之 邊求積之法而轉用之益有邊求積則 尖堆之每一邊也此法即三角尖堆有 同較數開立方法莫之得問八即三角 之較以二為高與闊之較用帶兩縱不 以每邊加一與每邊相乘又以每邊加

印於其清部下為

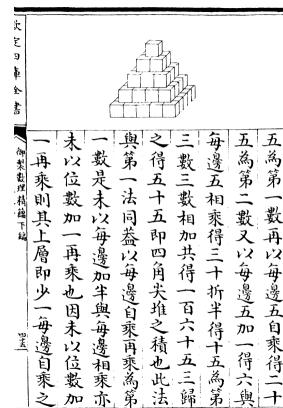
飲定四庫全書 設如四角尖堆每邊五求積幾何 法以母邊五加半得五個半與每邊 為每邊之數也 得六與二十七個半相乘得一百六 帶兩縱不同較數開立方法莫之待闊 相乘得二十七個半又以每邊五加 六倍是長比闊多一高比闊多二今以 五三歸之得五十五即四角尖堆之 三角尖堆積六因之得長方體積故

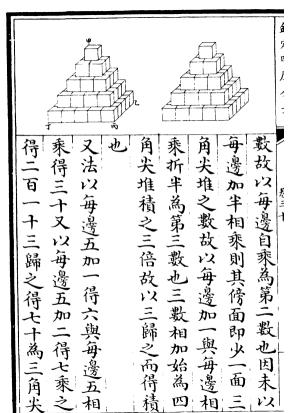
::: 正方傍四面皆一面三角尖堆累積成 五層為二十五為每次按位自乘相加 層為四第三層為九第四層為十六第 也試按位作點排之第一層為一第二 制製型精線下海 今以每邊加半與每人見算法原本二今以每邊加半與每一數加一乘之取其三分之一即得總 數如以每邊加半與每邊相乘復以 一也如圖甲乙丙丁四角尖堆底面為 底四角尖體形其每邊之數即位數

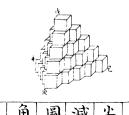


, , 一种教數理精總下編 也又以其所餘三分之二平分之必有 此兩面為兩體所同用而少一行之數 體形為長方體三分之一所餘為三分 兩體所同用而少一行之數試以甲乙 數幾何而此四角體皆用其半也又以體為長方體三分之一三角體加又以 之二其戊己庚戊庚辛兩面為兩體所 丙丁四角尖體作為戊己庚辛陽馬尖 一長方體分為三四角尖體其三面爲 用而戊庚一行又為兩面所同用是 9+8

定 匹 庫 ء 1 又一數位一而傍其之少法行即多面其面三數一八共為一三倍一面相行 面 四 角尖 以每邊五自乘再乘得一百二,共之為三面火一行之數也又其高既此不得面只此母邊多半是傳面只好會面,所有之數也又其高既此不會面,一行之數也今以每邊加一乘之所以的有來又以位數加一乘之所以的有來又以位數加一乘之所以的 兩 體 所 同 用是以長方體 少乘比只倍則比 12 之原為數其原 增







之倍

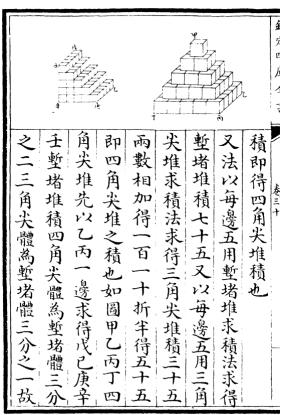
積又以每邊五求得一面三角

積十五與倍三角失堆積七十

足日車全書 一一一柳製數理精總下編 ?倍三角尖堆積内減一面三角尖

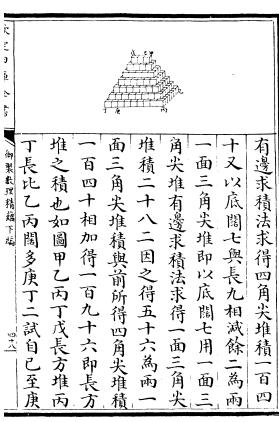
角尖堆積之一倍而少一面之數益 圖甲乙丙丁四角尖堆為戊已庚辛 倍而少一行故四角尖堆體積為 ,亦得五十五為四角尖堆之積也 失堆體積之一倍而少一面是以求 八堆底面積為三角尖堆底面積

文

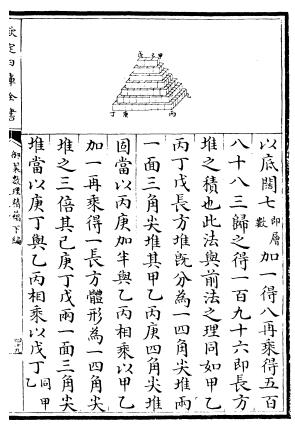


設如四角光堆積二百零四求每邊幾何 人 din 御製數理精論下編 角尖堆之每一邊也此法即四角尖 等故折半而得四角尖堆之積也 六百一十二為長方體積以半為長與 之較以一為高與闊之較用帶兩縱 同較數開立方法算之得闊八即四 以四角尖堆積二百零四三因之得 求得癸子丑寅三角尖堆積與較 相加即與二方底四角火堆之

吃匹庫全意 | 如長方堆底長九 法算之得閣為每邊之數也 方體積故用帶兩縱不同較數開立方 問多一今以四角尖堆積三因之得長 又以每邊加一再乘得長方體積為四 有邊求積則以每邊加半與每邊相乘 有邊求積之法而轉用之益四角尖堆 失堆積之三倍是長比問多半高比 以底間七為方堆之底用四角尖堆 閣七上一行收頂求積幾何



焻 刍 7 截去二面則成甲乙丙庚一四角尖堆 亦 角尖堆 丙 形己庚丁戊兩一面三角尖堆形其己 即一面三角尖堆之每一邊故以 半與底陽七相乘得七十三個半 求得四角尖堆積又求得兩一面二 闊與丙庚等即四角尖堆之每 いく 加半得一個半與長九相加得 積相加即得長方堆之積也 闊七與長九相減餘二折半得



相 以三歸之得一四角尖堆两一面三角 面 又法以底闊七與長九相減餘二再加 八相等也 形亦為兩一面三角尖堆之三倍故 倍數不同故又以庚丁折半與庚丁 尖堆之二倍因一為三倍一為二倍 加即增其一長方面之分得三長方 推合之與甲乙丙丁戊一長方推之 再乘得二長方面形為兩一面三 t ٤ Э Þ À 斌也

六歸之得一百九十六即長方推之積得八再乘商數也得一千一百七十六 得八再乘問 相乘得一百四

不折半加一與倍長相加則其長 此法與第二法同益前法以長閣 半加半與長相加此法以長關

相

書 御製数理精施下編 法多一倍關與高皆與前數同而

+

七再以高數七加

得三為頂上之長乃以底長九倍

十八加頂長三得二十一與底間

八如長方 何 j 堆 積二百七十六長比陽多二求每 此法用六歸也 積亦必比前數大一倍故前法用三 之較用帶兩縱不同較數開立方法 百二十八為長方體積以長比問多 個半為長與闊之較以一為高與 以長方堆積二百七十六三因之 折半又加半得一個半與二相加得

·積為長方堆之三倍是長比問多原長與問相乘又以體加一再乘行長方情 長 之較又多半較仍多半高比問多一 閱之較折半又加半與原長相加 相乘又以陽加一再乘得長方體

大 E

事全書 【御製數理精總下編

用帶兩縱不同較數開立方法算之得

今以長方堆積三因之得長方體積故

轉用之益長方堆有邊求積則以原

為長也此法即長方堆有邊求積之法

"闊八為底闊加長比闊多二得

乃

如三角半堆底邊八上邊五求積幾何 求得三角尖堆全積一百二十又以上 法以底邊八用三角尖堆有邊求積法 闊為底邊之闊加長 問之較得數為長 邊亦用三角尖堆有邊求積法求得上 邊五減一得四為上虚三角尖堆之每 虚三角尖堆積二十與先所得三角尖 全積一百二十相減餘一百即三角

虚小三角尖堆積相減即得三角半 之積也 一大三角尖堆形其上所加之小三角半堆若於其上加一小三角尖堆則成 乘得七十二為第一數又以上邊五與又法以底邊八加一得九與底邊八相 故先求得大三角尖堆全積又求得上 失堆之每邊比三角半堆之上邊少一 一即見段里肯圖下洞 堆之積也如圖甲乙丙丁戊己三角

一致定四庫全書 八角禁题 角尖堆求積之法同益等邊三角尖堆 其上尖一即上邊其每邊之數即底邊 之一百五十相乘得六百六歸之得 減餘三加一得四為層數與兩數相 六乘之得七十八為第二數兩數相併 底邊八相併得十三以上邊五加一得 百為三角半堆之積也此法與等邊三 一百五十又以上邊五與下邊八相 即層數其法以每邊加一與每邊相

底邊加一與底邊相乘即長比問多一一之二長方面形即上多若依此法以

之長方體之一面數也以上邊一與下 得長比闊多一之二長方面之兩行數 此兩數相併以層數乘之則亦得巨 一相加又以上邊一加一得二乘之則

了一一一何果敢理精總下福

至

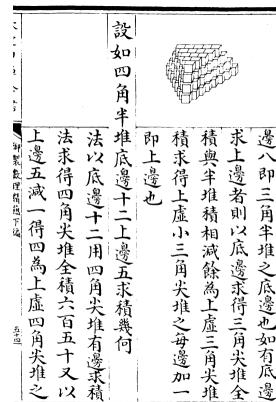
三角尖堆積之六倍分之則得長比高

閣多一之一長方體形又得長比閣多

乘又以每邊加二再乘得長方體積為

如三角半堆積一百上邊五求底邊幾何 問多一之二長方面形共成一長方體 法以上邊五減一餘四為上虚小三角 失堆之底用三角尖堆有邊求積法求 形為三角尖堆之六倍矣 比高闊多一之一長方體形又得長比 全積用三角尖堆有積求邊法求待每 上虚三角尖堆積二十與半堆積 加得一百二十為等邊三角失堆

鱼灰四库全是



尖堆則成一大四角尖堆形其上所加 之小四角尖堆之每邊比四角半堆之 已庚四角半堆若於其上加一小四角

求得上虚小四角尖堆積相減即得四

上邊少一故求得大四角尖堆全積又

即四角半堆之積也如圖甲乙丙丁戊

上虚四角尖堆積三十與先所得四角 堆全積六百五十相減餘六百二十

每邊亦用四角尖堆有邊求積法求得

を三十

定匹庫全書

쉷



六十為第三數又以上邊五與底邊十 相

減餘七折半得三個半為第四數

相併得二百三十二個半又以上

滅所餘之七加一得八為層數

一中 いくしく かしま日 10日 ここう日

四數相併之二百三十二個半相乘

第二數以上邊五與底邊十二相乘得

以底邊十二自乘得一百四十四為

又法以上邊五自乘得二十五為第

飲定四庫全書 角尖堆積之三倍分之則得每邊自乘 又以每邊加一再乘得長方體積為四 方面形又得長比闊多一之半層長方 即層數其法以每邊加年與每邊相乘 上尖一即上邊其每邊之數即底邊亦 尖堆求積之法同益等邊四角尖堆其 得一千八百六十三歸之得六百二十 再來之一正方體形好邊自來之一正 即四角半堆之積也此法與等邊四角

面之一行數也四數相併再以層數乘

數相併即得長比問多一之半層長方

乘又以上邊一與底邊相減折年此雨

自乘正方面之一行數也以上邊一自 數也以上邊一與底邊相乘則得每邊 形若以底邊自乘即正方體之一

得長比闊多一之年層長方面形共成 之則亦得一正方體形一正方面形又

車 全 書一一一知製数理精福下編 一長方體形為四角尖堆之六倍矣又

五六

尺 E

如四角半堆積六百二十上邊五求底邊幾何 法以上邊五減一餘四為上虚小四角 得上虚四角尖堆積三十與半堆積六 尖堆之底用四角尖堆有邊求積法求 傍面有餘分故也 此法與上下不等正方體之法異者在 失堆全積用四角尖堆有積求邊法 百二十相加得六百五十為等邊四角 多上下邊相減折半之一數因堆垛之

之 設 ع 9 如長方半堆底長十二間十上長八間六求積幾 何 5 A dulia 柳製數理精調下編 法以底長十二間十用長方堆求積法 求得長方堆全積四百九十五又以上 邊加一即上邊也 角尖堆積求得上虚小四角尖堆之每 尖堆全積與半堆積相減餘為上虚四 有底邊求上邊者則以底邊求得四角 得每邊十二即四角半堆之底邊也

半堆若 長方堆之每邊比長方半堆之上邊 堆 方 故先求得長方堆全積又求得上 之積 堆全積相減餘四百一十即長方生 上虚長方堆積八十五與先所得 方堆之長闊 , 閱六各減一得長七問五為上虚 於其上加一小長方堆則成 也如圖甲乙丙丁戊己庚長 頂之長方堆形其上所加之 亦用長方堆求積法

贞

眉

白量

٠ (1) 御製数理精總下編 乘得一百二十為第二數以上長八與 八為第一數以底長十二與底閣十又法以上長八與上閣六相乘得四 底 小長方堆積 折半得二為第四數 十六為第三數又以上下長相減 周十相乘得八十以上周六與底長 相乘得七十二兩數 人相減即得長方半堆之 以此四數相 相併折半 加

?

角半堆以下邊自乘為第二數者此 四角半堆長闊皆相等此則有長闊 積也此法與四角半堆求積之法同益 不同故四角半堆以上邊自乘為第 者此則以上長闊相乘為第一數 ,歸之得四百一十即長方半堆

四

得二百四十六又以上長與底長相 加之二百四十六相乘得一千二百三 餘之四加一得五為層數與四數

盾 刍 押

173

盆 贞

k) è ٢ 5 一一一御製数理精為下編 為第四數 為第四 又法以上長八倍之得十六加下長十 為第三 得二十八以上閱六乘之得一百六 下長間相乘為第二數四角半排 下相乘為第三數者此則以上長 相乘上闊與下長相乘相併折 四數湖以上下周相其理皆相通四數者此則以上下長相減折生三數四角半堆以上下相減折生 其理皆相通 五十九

四三 四百六十六歸之得四百一十即長 相減所餘之四加一 又以下長十二與上長八相 数 相 加之四百九十二相乘得 相加得四百九十二又以

得五為層數

數比前法大一倍故前法用三歸

·積也此法與第二法同益

得三十二

下闊十乘之得

以下長十二倍之得二十四

加口

眉 占 7

盆 万

又以長十

法 いス 底

相乘得一百

體之法異者在多上下長

各 闊 因 减 堆 九、 又 以長十二閣十各減一得長 祭之 相 「乘得九十 得長十関八相乘得八 闊 十與長十二 傍面有餘分故也

j. 御製數理精福下編 六 十三再以長九間七各減一得

`

è

閣八各減一得長九闊七相

金 灾 如長方半堆積四百一十上長八陽六求底長 焻 生せる 簡易也 故也相 相 總 此法將每層長闊相乘得每層之 加實為顯而易見凡堆探諸法皆可 加 此法御之若層數太多者用本法 共六 加之即五層之共積也法雖層累 共得四百一十即長方半堆之時八郎上相乘得四十八以上了其 相乘得四十八以此五數

則以底邊求得長方堆全積與半 、求積法求得上虚小長方堆積八十

邊法求得關十長十二即長方半堆 底邊數也如有底邊長闊求上邊長 五與半堆積四百一十相加得四百 五為長方堆全積用長方堆有積求

為上虚小長方堆之長間用長方堆

法以上長八闊六各減一得長七問

定四車全書一個果數理精福下編 相減餘為上虚小長方堆積求得 御製數理精温下編卷三十 方半堆上邊長闊之數也虚小長方推之長闊兩邊各加一即長



詹圖監生臣李 釣膝銀管中官正臣郭長發校官庶吉士臣張長縣